



ΕΝΩΣΗ ΚΥΠΡΙΩΝ ΦΥΣΙΚΩΝ

27^η ΠΑΓΚΥΠΡΙΑ ΟΛΥΜΠΙΑΔΑ ΦΥΣΙΚΗΣ

Γ' ΛΥΚΕΙΟΥ (Πρώτη Φάση)

Κυριακή, 16 Δεκεμβρίου, 2012

Απενεργοποιήστε τα κινητά σας τηλέφωνα!!!

Παρακαλώ διαβάστε πρώτα τα πιο κάτω, πριν απαντήσετε οποιαδήποτε ερώτηση

Γενικές Οδηγίες:

- 1) Είναι πολύ σημαντικό να δηλώσετε ορθά στον κατάλληλο χώρο στο εξώφυλλο του τετραδίου απαντήσεων τα εξής στοιχεία: (α) Όνομα και Επώνυμο, (β) Όνομα πατέρα, (γ) Σχολείο, (δ) Τηλέφωνο.
- 2) Το δοκίμιο αποτελείται από πέντε (5) σελίδες και περιέχει πέντε (5) θέματα.
- 3) Η εξέταση διαρκεί τρεις (3) ώρες.
- 4) Η συνολική βαθμολογία του εξεταστικού δοκιμίου είναι 100 μονάδες.
- 5) Χρησιμοποιήστε μόνο στυλό με μελάνι χρώματος μπλε ή μαύρο. Οι γραφικές παραστάσεις μπορούν να γίνουν και με μολύβι.
- 6) Δεν επιτρέπεται η χρήση διορθωτικού υγρού.
- 7) Επιτρέπεται η χρήση μόνο μη προγραμματιζόμενης υπολογιστικής μηχανής.
- 8) Δηλώστε στις σελίδες του τετραδίου απαντήσεων τον αριθμό του προβλήματος και το αντίστοιχο γράμμα του ερωτήματος που απαντάτε.
- 9) Εάν χρησιμοποιήσετε κάποιες σελίδες του τετραδίου απαντήσεων για δικές σας σημειώσεις που δεν επιθυμείτε να βαθμολογηθούν, βάλτε ένα μεγάλο σταυρό (X) σε αυτές τις σελίδες ώστε να μην ληφθούν υπόψη στη βαθμολόγηση.
- 10) Να χρησιμοποιείτε μόνο σταθερές ή σχέσεις που δίνονται στο αντίστοιχο θέμα αλλά και στο τέλος των γενικών οδηγιών.
- 11) Τα σχήματα όλων των θεμάτων δεν είναι υπό κλίμακα.

Δεδομένα:

Ελαστική κρούση μεταξύ δύο σωμάτων: $\vec{u}_1 + \vec{v}_1 = \vec{u}_2 + \vec{v}_2$

Δύναμη ελατηρίου: $F_{ελ} = k\Delta l$, όπου Δl η παραμόρφωση από το φυσικό μήκος του ελατηρίου.

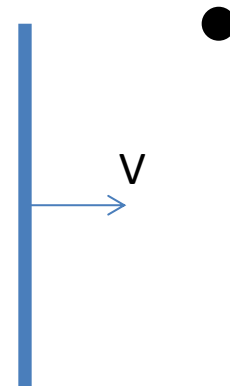
Μήκος τόξου γωνίας ϕ σε κύκλο ακτίνας R , $S = R\phi$



Να απαντήσετε όλα τα προβλήματα που ακολουθούν

Πρόβλημα-1 (15 μονάδες)

Μια ράβδος μήκους l , ολισθαίνει με τον άξονα της κάθετο στο δάπεδο πάνω σε λεία οριζόντια επιφάνεια με ταχύτητα V και συγκρούεται ελαστικά με μια ακίνητη μπάλα όπως στο σχήμα. Τόσο η μπάλα όσο και η ράβδος έχουν μάζα m . Η ράβδος αποτελείται από προσμείξεις υλικών με αποτέλεσμα η ροπή αδράνειας της ως προς το κέντρο μάζας της (το οποίο βρίσκεται στο κέντρο της) να είναι I_p . Αν μετά την σύγκρουση η μπάλα και το κέντρο μάζας της ράβδου κινούνται με την ίδια ταχύτητα u προς τα δεξιά:



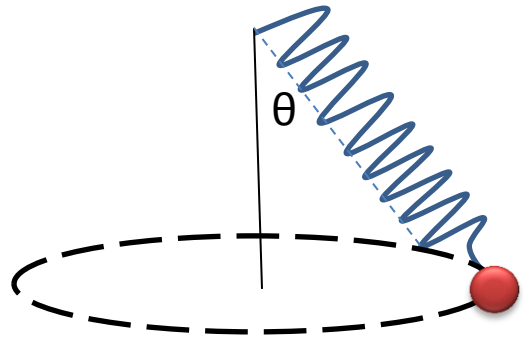
- i) να βρείτε την ταχύτητα u σαν συνάρτηση της αρχικής ταχύτητας V της ράβδου (μονάδες 3)
- ii) να δείξετε ότι η γωνιακή ταχύτητα της ράβδου αμέσως μετά την κρούση (ως προς το κέντρο μάζας της) δίνεται από τη σχέση:

$$\omega = \frac{mVl}{4I_p} \quad \text{(μονάδες 7)}$$

- iii) να βρεθεί η ροπή αδράνειας της ράβδου $I_p = f(m, l)$ ως προς το κέντρο μάζας της. (μονάδες 5)

Πρόβλημα-2 (20 μονάδες)

Ένα σώμα μάζας m αναρτάται σε ένα ελατήριο σταθεράς k και αρχικού φυσικού μήκους l_0 και ισορροπεί κατακόρυφα επιμηκύνοντας το ελατήριο κατά Δl από το φυσικό του μήκος. Το άλλο άκρο του ελατηρίου είναι στερεωμένο σε ένα μηχανισμό ο οποίος έχει τη δυνατότητα α) να απομακρύνει το ελατήριο από την κατακόρυφη θέση σε ελεγχόμενες γωνίες θ και β) να περιστρέφει το ελατήριο κυκλικά σχηματίζοντας ένα κώνο γωνίας θ .



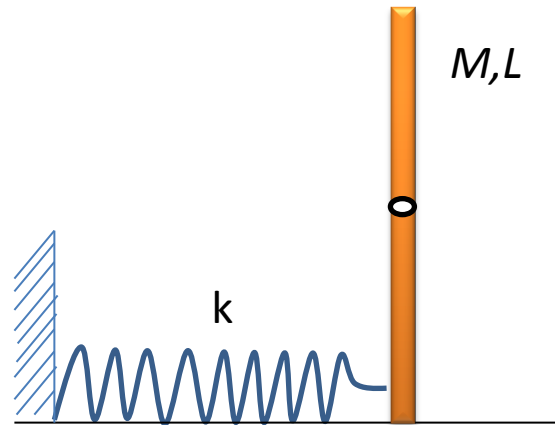
Έστω ότι θέτουμε το παραπάνω σύστημα σε λειτουργία αφήνοντας τον μηχανισμό να εκτρέψει το ελατήριο από την κατακόρυφη θέση κατά γωνία θ έτσι ώστε η μάζα να περιστρέφεται κυκλικά στο επίπεδο $x-y$ σχηματίζοντας ένα φυσικό ανάλογο του κωνικού εκκρεμούς.

Ζητούνται:

- i) η αρχική επιμήκυνση του ελατηρίου στη θέση ισορροπίας του **(μονάδες 2)**
- ii) η γωνιακή ταχύτητα ω της σφαίρας στο επίπεδο $x-y$ **(μονάδες 7)**
- iii) η ελάχιστη και η μέγιστη γωνιακή ταχύτητα που μπορεί να αποκτήσει η σφαίρα στο οριζόντιο επίπεδο $x-y$ **(μονάδες 4)**
- iv) η γραφική παράσταση του τετραγώνου της γωνιακής ταχύτητας της σφαίρας συναρτήσει της ελεγχόμενης παραμέτρου εκτροπής $\cos(\theta)$ από την κατακόρυφο **(μονάδες 4)**
- v) σχολιάστε τα αποτελέσματά σας από πλευράς φυσικής όταν η γωνιακή ταχύτητα ω της σφαίρας στο επίπεδο $x-y$ γίνει μέγιστη **(μονάδες 3)**

Πρόβλημα-3 (20 μονάδες)

Θεωρείστε το σύστημα που φαίνεται στο σχήμα το οποίο αποτελείται από μια ράβδο μήκους L και μάζας M . Στο κέντρο της ράβδου υπάρχει μια τρύπα η οποία της επιτρέπει να περιστρέφεται χωρίς τριβές ως προς το κέντρο μάζας της. Αν το ένα άκρο του ελατηρίου σταθεράς k είναι στερεωμένο στο κάτω μέρος της ράβδου και το άλλο σε ακλόνητο τοίχο, ζητούνται:



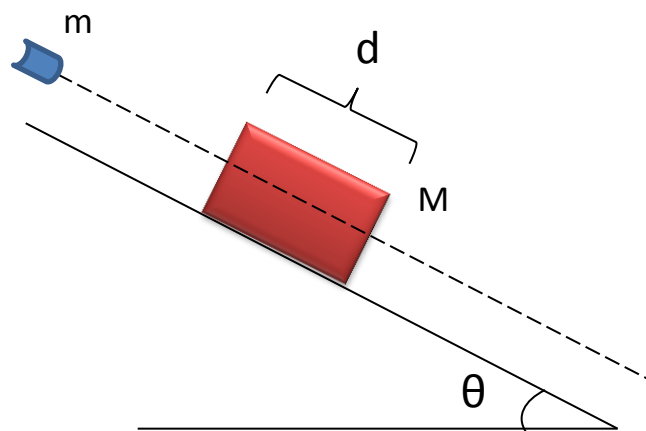
- i) Να δείξετε ότι η ράβδος μπορεί να ταλαντώνεται ελεύθερα γύρω από το κέντρο της κάνοντας γραμμική αρμονική κίνηση (μονάδες 7)
- ii) Να δείξετε ότι για μικρές γωνίες θ ικανοποιείται η σχέση:

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} + \frac{3k}{M}\theta = 0$$
 (μονάδες 8)
- iii) Να βρεθεί η περίοδος του τη ταλάντωσης (μονάδες 5)

Δίνεται ότι η ροπή αδράνειας της ράβδου είναι $I = \frac{1}{12} ML^2$

Πρόβλημα-4 (20 μονάδες)

Ένα σώμα μάζας $M=1 \text{ Kg}$ και πάχους $d=0.1 \text{ m}$ βρίσκεται ακίνητο στην κορυφή ενός κεκλιμένου επιπέδου γωνίας κλίσης 20° με την οριζόντια διεύθυνση. Μια σφαίρα μάζας $m=5 \text{ gr}$ η οποία κινείται παράλληλα προς το κεκλιμένο επίπεδο με ταχύτητα $u=300 \text{ m/s}$ κτυπά το σώμα M , το διαπερνά και εξέρχεται έχοντας χάσει το 75% της αρχικής κινητικής της ενέργειας.



- i) Ποια είναι η ταχύτητα του σώματος M ακριβώς τη στιγμή που η σφαίρα εξέρχεται από αυτό. (Υποθέστε ότι η σφαίρα και το σώμα M δεν αλλάζουν μάζα) (μονάδες 4)

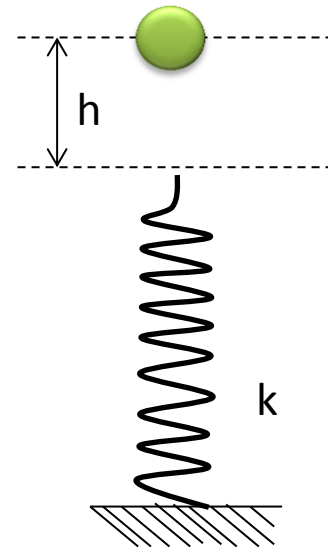
- ii) Ποια είναι η μέση δύναμη που ασκείται στην σφαίρα καθώς διαπερνά το σώμα M ; (μονάδες 8)
- iii) Αν το σώμα μάζας M στη συνέχεια γλιστρά κατά $s=50\text{m}$ προς τη βάση του κεκλιμένου επιπέδου πριν σταματήσει, ποιος είναι ο συντελεστής τριβής ολίσθησης μεταξύ του σώματος και της επιφάνειας του επιπέδου; (μονάδες 8)

Πρόβλημα-5 (25 μονάδες)

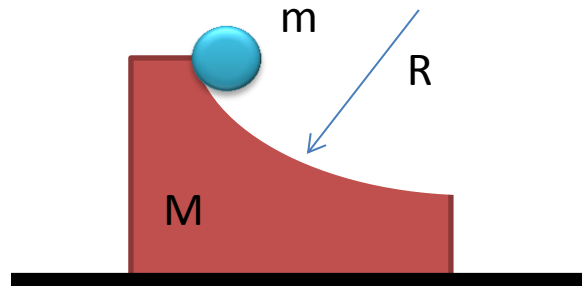
A) Μια μάζα m αφήνεται από ύψος h πάνω από ένα κατακόρυφο ελατήριο σταθεράς k . Να δείξετε ότι όταν η μάζα φθάνει στιγμιαία σε ηρεμία, το ελατήριο συσπειρώνεται κατά:

$$x = \frac{mg}{k} \left(1 + \sqrt{1 + \frac{2kh}{mg}} \right)$$

(μονάδες 10)



B) Ένα τούβλο έχει κοίλη επιφάνεια (όπως στο σχήμα) ακτίνας R , έχει μάζα M και βρίσκεται πάνω σε μια λεία επιφάνεια. Ένα μικρότερο σώμα μάζας m αφήνεται από την κορυφή του τούβλου και γλιστρά (χωρίς να κυλιέται) προς τα κάτω χωρίς τριβές. Να βρεθούν οι ταχύτητες του τούβλου και του σώματος ως προς το έδαφος την στιγμή που χάνουν επαφή το ένα με το άλλο. (μονάδες 15)



Καλή Επιτυχία!!!